

XVII. DI UNA PROPRIETÀ DELLE LINEE A DOPPIA CURVATURA.

Giornale di Matematica **M**, voi. V (1867), pp. 21-23.

Sia s l'arco di una linea a doppia curvatura, contato da un'origine arbitraria e terminato al punto m ; sia M un punto qualunque dello spazio. Le coordinate dei punti m, M rispetto a tre assi ortogonali sieno rispettivamente x, y, z ; X, Y, Z .

Consideriamo il sistema d'assi, pure ortogonali, u, v, w , aventi l'origine nel punto m della linea considerata e diretti rispettivamente secondo la *tangente*, la *normale primaria* e la *normale secondaria* *) della linea stessa nel punto m . Il primo di questi assi deve essere diretto dalla parte verso cui cresce s , il secondo dalla parte del centro di curvatura, il terzo dev'essere disposto, rispetto al primo ed al secondo, come T asse w lo è rispetto a quelli delle x e delle y .

Chiamando a_1, b_1, c_1 ; a_2, b_2, c_2 ; a^*, b^*, c^* , i coseni degli angoli che il nuovo sistema d'assi forma col sistema primitivo, e u, v, w le coordinate del punto M nel nuovo sistema, si hanno le formole

$$X =$$

C_0

$$= a^* + c_1 x + C_1 + C_2 + C_3,$$

*) Con queste due ultime denominazioni vogliamo indicare le due normali condotte per «», l'una nel piano osculatore, l'altra perpendicolarmente a questo piano.